

本科毕业论文答辩

2020年6月19日





基于 S 参数的多导体传输线 RLCG 提取算法

答辩人: 危国锐 导师: 夏彬



















绪论 1

2 多导体传输线频域分析

3 基于 S 参数的传输线参数提取



5 总结与展望







• 传输线 RLGC 模型 (W-element) 的优势 [1]

- 线长可变: 因为 RLGC 是对准 TEM 传输线横截面结构的建模
- 时域仿真效率较高
- 便于做阻抗,损耗,串扰等信号完整性分析
- 传输线 RLGC 模型的提取方法
 - 电磁场数值求解器, 如 HFSS
 - 基于测试, 如从 VNA 测量得到的 S 参数中提取
- 基于测试的建模方法的优势 [2]
 - 仿真结构同成品结构间的差异
 - 场求解器精度限制



研究目标与研究路线

- 研究目标
 - 建立由 S 参数提取传输线 RLGC 参数的方法
- 1. 理论准备
 - 理解基本概念: 多导体传输线 (MTL) 方程, 传输线参数, 微波网络分析
 - 梳理正向过程: 由传输线参数 RLGC 求解 S 参数的所有细节
- 2. 公式推导
 - 建立逆向过程 (由 S 提取 RLGC) 的算式和细节
- 3. 仿真验证
 - 数据来源: HFSS, ADS, Cadence Sigrity, Polar Si9000 等电磁仿真工具
 - 算法实现: MATLAB R2020a

• 4. 总结与展望





绪论



3 基于 S 参数的传输线参数提取



5 总结与展望





频域 MTL 方程的解

▪ 频域 MTL 方程

$$\frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}z} \mathbf{V}(z) = -\widetilde{\mathbf{Z}}\mathbf{I}(z),$$
$$\frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}z}\mathbf{I}(z) = -\widetilde{\mathbf{Y}}\mathbf{V}(z)$$

其中

$$\widetilde{Z} = \widetilde{R} + j\omega\widetilde{L},$$

$$\widetilde{Y} = \widetilde{G} + j\omega\widetilde{C}$$

- *R*, *L*, *G*, *C* 是传输线的单位长度电阻、电感、电容、电导(*RLGC*)
- RLGC 参数是 MTL 方程的系数

对位置变量 z 求导,得 $\frac{d^2}{dz^2}V(z) = \widetilde{Z}\widetilde{Y}V(z),$ $\frac{d^2}{dz^2}I(z) = \widetilde{Y}\widetilde{Z}I(z)$ 对 $\widetilde{Z}\widetilde{Y}$ (和 $\widetilde{Y}\widetilde{Z}$) 相似对角化 $T_{u}^{-1}\widetilde{Z}\widetilde{Y}T_{u} = v^2$

$$T_{I}^{-1}\widetilde{Y}\widetilde{Z}T_{I}=\gamma^{2}$$

可取(因为 $\widetilde{Z}\widetilde{Y}$ 与 $\widetilde{Y}\widetilde{Z}$ 互为转置) $T_V^{\mathrm{T}} = T_I^{-1}$ $T_I^{\mathrm{T}} = T_V^{-1}$

 γ 的意义: N 个模式的复传播常数



频域 MTL 方程的解

定义 N 个准 TEM 传播模式的电
 压和电流

 $V(z) = T_V V_m(z),$ $I(z) = T_I I_m(z)$

代入 MTL 方程可得

$$\frac{\mathrm{d}^2}{\mathrm{d}z^2} \boldsymbol{V}_{\mathrm{m}}(z) = \boldsymbol{\gamma}^2 \boldsymbol{V}_{\mathrm{m}}(z),$$
$$\frac{\mathrm{d}^2}{\mathrm{d}z^2} \boldsymbol{I}_{\mathrm{m}}(z) = \boldsymbol{\gamma}^2 \boldsymbol{I}_{\mathrm{m}}(z)$$

其中 **γ²** 是对角阵,故上式可视为 2*N* 个独立的常微分方程,可求出 通解

- 最终求得 MTL 方程的通解 $V(z) = T_V (e^{-\gamma z} V_m^+ + e^{\gamma z} V_m^-),$ $I(z) = Y_C T_V (e^{-\gamma z} V_m^+ - e^{\gamma z} V_m^-)$
- 将求解过程中的两个中间量定义为 复传播常数 Γ 和特征阻抗 $Z_{\rm C} = Y_{\rm C}^{-1}$ $\Gamma = \sqrt{\tilde{Z}\tilde{Y}} := E\gamma E^{-1}$ $Z_{\rm C}(\omega) = \Gamma^{-1}(\omega)\tilde{Z}(\omega)$
- *Γ*, *Z*_C 以及通解可以写成其他等 价的形式
- 通解中的 2N 个待定系数 V[±]_m 可
 结合终端条件确定



N+1导体传输线的 2N 端口表征



- 由 MTL 方程的通解可推出 $\begin{bmatrix} A & B \\ C & D \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \cosh(\Gamma l) & \sinh(\Gamma l) Z_c \\ Z_c^{-1} \sinh(\Gamma l) & Z_c^{-1} \cosh(\Gamma l) Z_c \end{bmatrix}$ 式中
 - $\Gamma = \sqrt{\widetilde{Z}\widetilde{Y}} := E\gamma E^{-1}$ $Z_{\rm C} = \Gamma^{-1}\widetilde{Z}$ $\cosh(\Gamma l) = E\cosh(\gamma l) E^{-1},$ $\sinh(\Gamma l) = E\sinh(\gamma l) E^{-1}$
- 由上式可由传输线参数 (*RLGC*, Γ, Ζ_C) 计算链参数, 其他网络参数(*S*, *Y*, *Z*, *T*) 可 由链参数转换得到。





2 多导体传输线频域分析

▲ 基于 S 参数的传输线参数提取



5 总结与展望



逆过程:由S参数提取传输线RLGC

• 已导出**正过程**(*RLGC→S*):



		_	_
[A	B]	$\cosh(\mathbf{\Gamma} l)$	$\sinh(\boldsymbol{\Gamma} l) \boldsymbol{Z}_{C}$
C	D =	Z_{c}^{-1} sinh(Γl)	$\mathbf{Z}_{c}^{-1} \cosh(\mathbf{\Gamma} l) \mathbf{Z}_{c}$
_	_		

- <u>逆过程(</u>S→ RLGC):
- 1. 把 S 参数转换为链参数
- 2. 对 A 作对角化(特征值分解)
 A = E_A Λ_A E_A⁻¹

由正过程 $A = \cosh(\Gamma l) = E \cosh(\gamma l) E^{-1}$ 可知(定义不唯一) $E_A = E, \Lambda_A = \cosh(\gamma l)$

- 3. 进而求出复传播常数 *Γ*, 特征阻抗 *Z*_C 和 *RLGC*:
 - $\boldsymbol{\Gamma} = \boldsymbol{E}\boldsymbol{\gamma}\boldsymbol{E}^{-1}, \boldsymbol{Z}_{\mathrm{C}} = (\sinh \boldsymbol{\Gamma}l)^{-1}\boldsymbol{B}$
 - $\widetilde{\mathbf{R}} = \Re(\mathbf{\Gamma}\mathbf{Z}_{\mathrm{C}}), \widetilde{\mathbf{L}} = \Im(\mathbf{\Gamma}\mathbf{Z}_{\mathrm{C}})/\omega$,
 - $\widetilde{\boldsymbol{G}} = \Re \left(\boldsymbol{Z}_{\mathrm{C}}^{-1} \boldsymbol{\Gamma} \right), \widetilde{\boldsymbol{C}} = \Im \left(\boldsymbol{Z}_{\mathrm{C}}^{-1} \boldsymbol{\Gamma} \right) / \omega$





K

基于不连续点计数的相位解折叠算法

 · 按Λ_A = cosh(γl)求出的事 实上是主值(因为cosh函数 具有周期2πi)

$$PV(\boldsymbol{\gamma}(\omega)) = \frac{1}{l} \cosh^{-1} \boldsymbol{\Lambda}_A(\omega)$$

- 相位常数β应是连续单增的
- 每出现一个跳变点,就在βl 上加2π
- 在每个频率点ω处,统计βl
 前面的不连续点个数 n(ω),
 然后在原来的主值上加上
 2πn(ω)



基于不连续点计数的相位解折叠算法



相位解折叠

- 按 $\Lambda_A = \cosh(\gamma l)$ 求出的事¹⁴ 实上是**主值**(因为cosh函数¹² 具有周期2 πi) $PV(\gamma(\omega)) = \frac{1}{l} \cosh^{-1} \Lambda_A(\omega)$
- 相位常数β应是连续单增的
- 毎出现一个跳变点,就在βl 上加2π
- 在每个频率点ω处,统计βl 前面的不连续点个数 n(ω), 然后在原来的主值上加上 2πn(ω)



相位解折叠效果: 双导体传输线 横坐标:频率(Hz); 左纵坐标:衰减常数α(Np/m) 右纵坐标:相位常数βl(rad)





如何实现模式追踪?

- •对 A 的对角化 $A = E_A \Lambda_A E_A^{-1}$
- 考察特征向量矩阵 $E_A = E$ $E(\omega) = (\xi_1, \xi_2, \dots, \xi_N)$
- 若特征向量已归一化,则由 *ξ*₁,*ξ*₂,…,*ξ*_N线性无关,知

$$\left|\boldsymbol{\xi}_{i} \cdot \boldsymbol{\xi}_{j}\right| = \begin{cases} 1, & i = j, \\ \mu_{ij}, & i \neq j \end{cases}$$

E^H(ω_k)*E*(ω_k)的主对角线元素
 的模都为1,而非主对角元素
 的模都(远)小于1

若 E(ω_k), E(ω_{k+1}) 顺序正确,则
 若频率点间隔不大, E(ω_{k+1})与
 E(ω_k) 应比较接近,从而矩阵
 E^H(ω_{k+1})E(ω_k)

也具有类似 $E^{H}(\omega_k)E(\omega_k)$ 的性质

- *E*^H(ω_{k+1})*E*(ω_k)的主对角元素的 模之和最大(接近1)
- 举例:若用 ξ₁(ω_{k+1}) 同每个 ξ_i(ω_k) 做内积,发现 ξ^H₁(ω_{k+1})ξ_N(ω_k)
- 的模为最大,则 **ξ**₁(ω_{k+1}) 应换到 **E**(ω_k) 的第 N 列

基于Hermitian内积的模式追踪算法

- Step-1(算法初始化)
 - 求 $\boldsymbol{E}(\omega_0)$ 和PV $(\boldsymbol{\gamma}(\omega_0))$,
 - 令*k* = 1
- Step-2(当前频率点初始化)
 - 求 $\boldsymbol{E}(\omega_k)$ 和PV $(\boldsymbol{\gamma}(\omega_k))$
- Step-3(计算Hermitian内积)
 - $\bar{\mathbf{x}} \mathbf{E}^{\mathrm{H}}(\omega_k) \mathbf{E}(\omega_{k-1})$
- Step-4(当前频率点重排)
 - 对 $\boldsymbol{E}(\omega_k)$ 和PV $(\boldsymbol{\gamma}(\omega_k))$ 重排
- Step-5(判终止条件)
 - 否则*k* = *k* + 1, 转Step-2

基于 S 参数的传输线参数提取算法

- Step-1(端口编号合规化)
 - 见"<u>端口编号约定</u>"
- Step-2(求链参数)
- Step-3(<u>初始化</u>)
 - 求初始*E*和PV(γ)
- Step-4 (<u>模式追踪</u>)
 - 重排*E*和PV(γ)
- Step-5(<u>相位解折叠</u>)
 - 由模式追踪后的PV(γ)求γ
- Step-6(<u>求传输线参数</u>)
 - 包括*Γ*, *Z*_C, *RLGC*

绪论

3 基于 S 参数的传输线参数提取

目的:验证基于 *S*参数的 传输线参数提取算法

52.2

52

51

50.8

98.6

98.4

98.2

98

97.8

97.6

97.4

R(Zc,e) (Ohms)

0

20

横坐标:频率(GHz); 左纵坐标: $\gamma_{e(o)}$ 或 $Z_{C,e(o)}$ 的实部; 右纵坐标: $\gamma_{e(o)}$ 或 $Z_{C,e(o)}$ 的虚部; 实线:本文算法; 虚线: Polar Si9000; 4

 目的:验证基于 S 参数的 传输线参数提取算法

43

主要算法一览

由传输线参数求解网络参数

基于不连续点计数的相位解折叠算法

43

基于 Hermitian 内积的模式追踪算法

基于 S参数的传输线参数提取算法

全文工作总结

■ 1. 梳理传输线理论

- 定义传输线参数 RLGC, 复传播常数 Γ , 特征阻抗 Z_C
- MTL 方程基本假设: 准 TEM (quasi-TEM) 假设

• 2. 梳理多导体传输线频域分析理论

- 频域 MTL 方程的通解: 对系数矩阵作相似对角化
- N+1 导体传输线的 2N 端口表征: 网络参数 ~ 传输线参数

■ 3. 建立基于 *S* 参数的传输线参数提取算法

- 基于不连续点计数的相位解折叠算法
- 基于 Hermitian 内积的模式追踪算法
- 相关内容已投稿 2020 年全国微波毫米波会议并录用,题目:基于 S 参数的耦合 传输线 RLGC 参数提取算法

• 4. 仿真实验

• 使用 HFSS, ADS, Cadence Sigrity, Polar Si9000, MATLAB 等软件

感谢老师和同学们的聆听 恳请各位老师批评指正

- [1] CHU Y, YU J Z, QIAN Z. Robust and efficient RLGC extraction for transmission line structures with periodic three-dimensional geometries[C]//2015 IEEE Symposium on Electromagnetic Compatibility and Signal Integrity, EMCSI 2015. Institute of Electrical and Electronics Engineers Inc., 2015: 203–208. DOI:10.1109/EMCSI.2015.7107686.
- [2] BALACHANDRAN J, BREBELS S, CARCHON G, etc. Accurate broadband parameter extraction methodology for S-parameter measurements[C]//Proceedings – 9th IEEE Workshop on Signal Propagation on Interconnects, SPI 2005. DOI:10.1109/SPI.2005.1500897.

正文目录

9 13
13
14
15
15
15
16
军法 16
19
22
百

- 2.1.2 介质的均匀与非均匀8
- 2.1.3 传输线的有耗与无耗 8

45

正文目录

- 第三章 基于S参数的传输线参数提取方法 25
- 3.1 单端传输线 25
- 3.2 平衡差分线
 26
- 3.3 一般的准TEM传输线 27
- 3.3.1 **算法的形式推导** 27
- 3.3.2 基于不连续点计数的相位解折叠算法 29
- 3.3.3 基于Hermitian内积的模式追踪算法 33
- 3.3.4 由S参数提取传输线参数 37
- 3.4 本章小结
 38
- 第四章 实例分析与讨论 39
- 4.1 仿真平台简介 39
- 4.1.1 Ansys HFSS 39
- 4.1.2 PathWave ADS 39
- 4.1.3 Polar Si9000 39
- 4.1.4 Cadence Sigrity PowerSI 39
- 4.1.5 MATLAB 39

- 4.2 由传输线参数求解S参数 39
- 4.2.1 传输线结构设计 39
- 4.2.2 实验思路和实验目的 40
- 4.2.3 实验结果与分析
 41
- 4.3 从S参数提取传输线参数 42
- 4.3.1 平衡差分微带线的奇偶模特性提取实例 42
- 4.3.2 一种16-耦合微带线的单位长度参数提取实例
- 4.4 进一步讨论 47
- 4.4.1 误差传递 47
- 4.4.2 S参数的前处理 49
- 4.4.3 传输线参数的后处理 50
- 4.5 本章小结 50
- 第五章 总结与展望 51
- 5.1 论文工作总结 51
- 5.2 未来研究展望 51

Page. 39

附一:课题任务书

- 本课题主要研究单线、2线、4线、以及16线的基于S参数的多导体传输线 RLCG 提取算法,通过理论推导、算法验证,依次解决参数提取过程中的相位折叠、双线解耦、<u>多线解耦</u>等问题,通过详细的理论分析和算法设计,算法精度可以对标国际主流的仿真工具和算法。
- 能熟悉和理解基于S参数的多导体传输线 RLCG 提取的基本问题;能对 单线、2线、4线、以及 16线的基于 S参数的多导体传输线 RLCG 提取 所遇到的相位折叠、双线解耦、多线解耦进行理论分析和算法验证;完成算法软件设计与验证;完成毕业报告的撰写。

附二: 源代码与仿真工程文件

<u>https://grwei.github.io/transmission-line-params-extractor/</u>

-0- 84 commits 🛛 🖓 3 branch	es 😚 0 packages	🟷 1 release	🚀 1 environment	৪ : 1 contributor	MIT ه <u>أ</u> ه	
Branch: matlab 🗸 New pull request			Create new file	Upload files Find fi	e Clone or download -	
This branch is 51 commits ahead, 11	l request 👌 Compare					
S grwei Update docs Latest commit ef394ec 5 hou						
🖿 data	Update docs				7 days ago	
doc	Update docs				5 hours ago	
🕒 .gitattributes	Add single-line data and	test routine			3 months ago	
🕒 .gitignore	Add Patents US8892414B	1 Website			3 months ago	
	Initial commit				3 months ago	
README.md	Update docs				7 days ago	
Check_consistence.m	Add 16-line data and test	3.m			18 days ago	
rlgc2s_t.m	增加正文(素材——公式)),补中期文档,添加	加一致性检查		last month	
s2rlgc_t.m	Add ADS simu data				10 days ago	
🕒 test0.m	Modify simulation data				11 days ago	
🗋 test1.m	Update docs				8 days ago	
🗅 test1.mat	Update docs				8 days ago	

附三: 会议论文摘要

基于 S 参数的耦合传输线 RLGC 参数提取算法↩

危国锐,夏彬↩ (上海交通大学,上海,200240)↩ weiguorui@sjtu.edu.cn↩

摘··要··本文从传输线电报方程和奇偶模分析理论出发,导出了一种简易高效的基于 S 参数的耦合传输线 RLGC 参数提取算法.·与主流算法相比,本文导出的算法避免了繁杂的矩阵运算.·仿真验证结果表明,本文算法的 RLGC 参数提取效果与主流商用软件一致.·↩ 关键词→RLGC,单位长度参数,散射参数,耦合传输线↩

S-parameter-based RLGC Extraction for Coupled

Transmission Lines ←

Guorui Wei, Bin Xia 🗠

(Shanghai Jiao Tong University, Shanghai, 200240)⇔

Abstract: Based on the transmission line telegraph equation and even-odd mode analysis theory, a simple and efficient S-parameter-based coupled transmission line RLGC parameter extraction algorithm is derived. Compared with mainstream algorithms, the algorithm derived in this paper avoids complicated matrix operations. Simulation results show that the extraction performance of this algorithm is comparable to mainstream commercial software.

Keywords: RLGC, per-unit-length parameters, S-parameters, coupled transmission line分节符(连续)

附四: 未来研究展望

- 1. MTL 方程基本假设对算法的影响
- 2. 直流 RLGC 参数和无限远频率处 LC 参数的提取算法
- 3. 模型的稳定性 (stability)、因果性 (causality) 和无源性 (passivity)
- 4. 参数提取的误差来源和传递
- 5. 传输线模型建模性能的时域-频域定量评价指标

- Q1: 你的工作量?
- A1: 梳理传输线理论,完善参数提 取算法的推导,编制程序,仿真。
- Q2: 你的创新点?
- A2:主要是模式追踪算法的改进: 只需做一次内积即可确定正确顺序。
 另外完善了参数提取算法的理论阐述。
- Q3: 如何处理实测 S参数中的噪声?
- A3:论文里提及,要求在参数提取 前对 S 参数作前处理,至少保证无 源、因果、稳定和互易性。更详细的 处理方法需进一步研究。

- Q4: 参数提取工作的意义?
- A4: 实现基于测试的建模,可以避免仿真结构同成品结构间的差异,以及场求解器自身的精度限制。获得的模型可用于信号完整性仿真,提供更真实的建模。
 - Q5: 同商用软件性能对比?
 - A5: 以仿真 *S* 参数为输入,大体与 PowerSI 相当,某些情况(如:实例 二)更优。
 - Q6: 算法的时间复杂度?
- A6: 32端口,频率点数700,可在数
 秒内完成提取。

